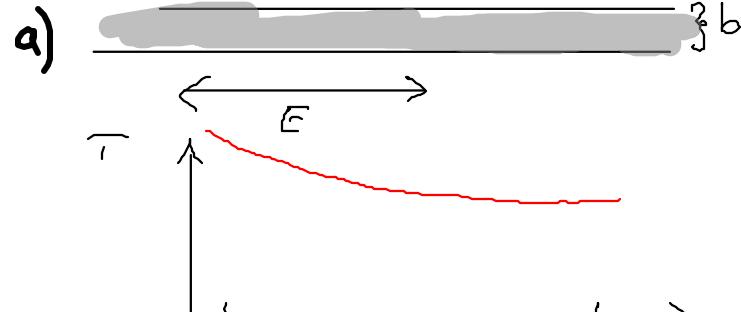


# Kolloidale Teilchen

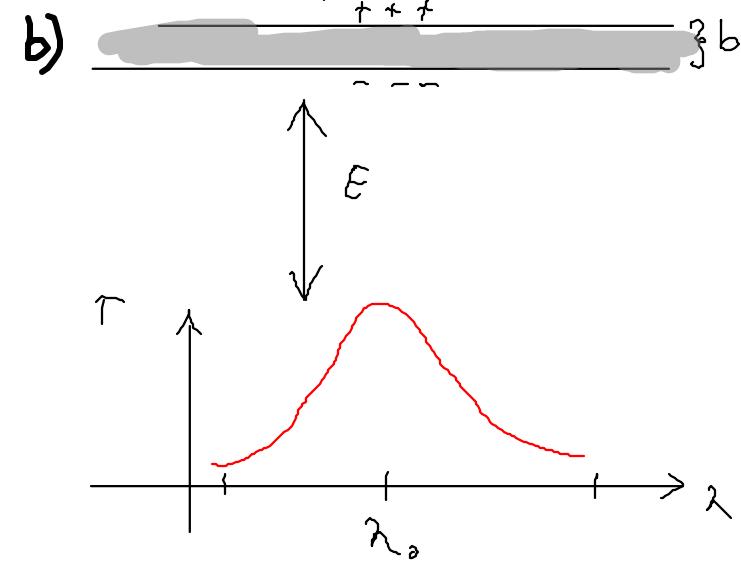
- Dispersionsfarbe transparente Teilchen  
⇒ durch Streuung ⇒ Farbe
- Milchteilchen
- Metallische Teilchen

## Streuung an Leiterbahnen



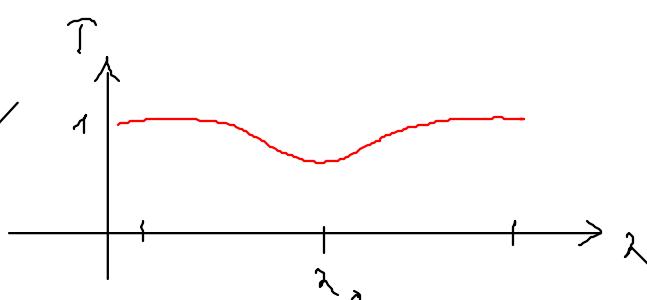
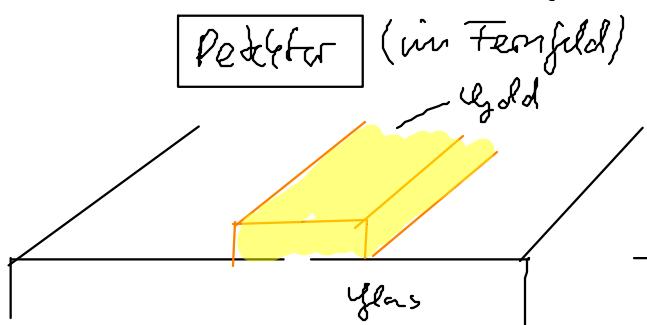
Breite des Films  
⇒ 1D Streuung

T: Transmission

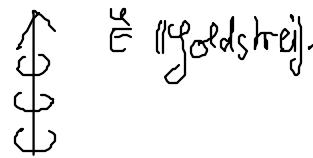


Resonanz bei  $n_0$

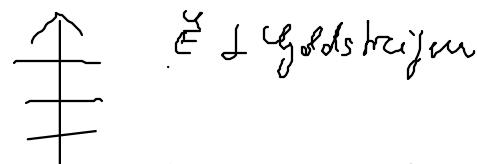
## Plasmonische Kristalle



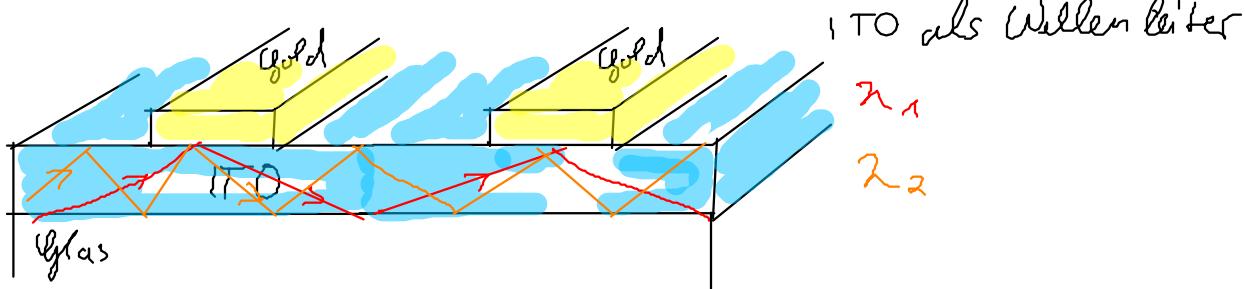
Polarisation



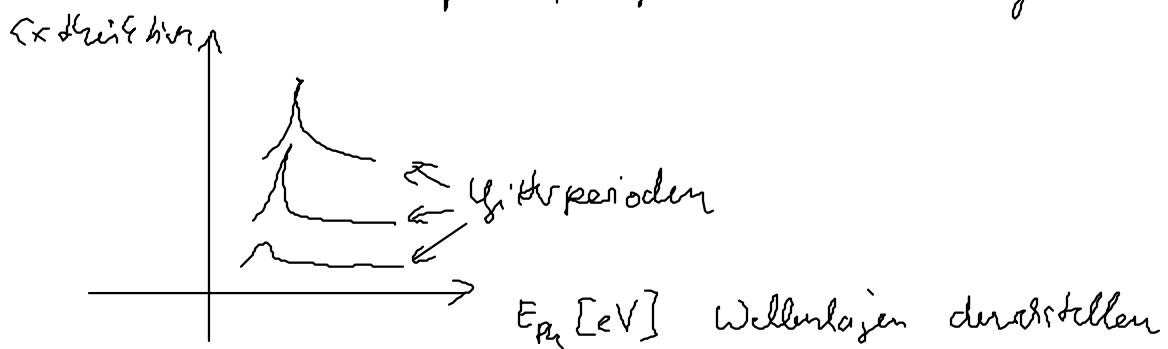
TE (transversal elektrisch)



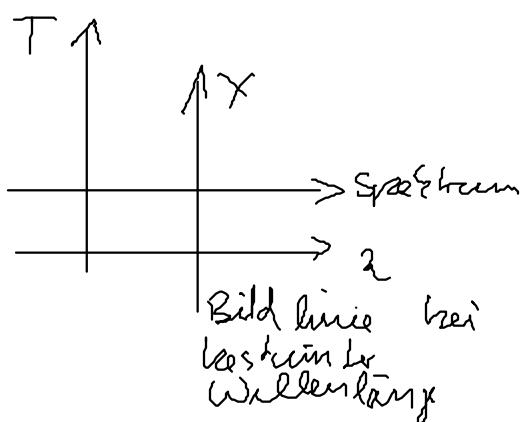
TM (transversal magnetisch)



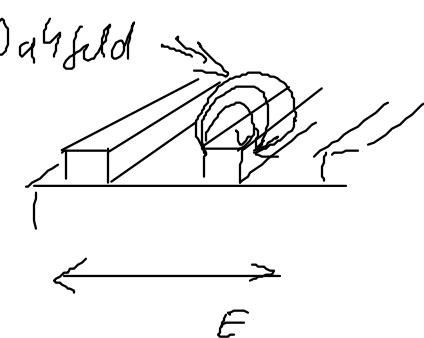
- Fernfeld-eigenschaften: ( $n = \text{fest}$ , Gitterperiode variiert, wärtige Welle)
  - Abstand der Goldstrukturen  $\Rightarrow$  unterschiedl. Absorptionskurven
  - Extinktion: alles was ein Detektor nicht erfasst wird  
Absorption, Reflexion, Streuung



- Nahfeld
  - TE-Polarisation
  - Resonanz plasmon bei Gitterperiode 550 nm



- TM-Polarisation
- Resonanz



- Resonanz bei Gitterperiode 400 nm

$\Rightarrow$  Bessere Auflösung als in Fourier Space

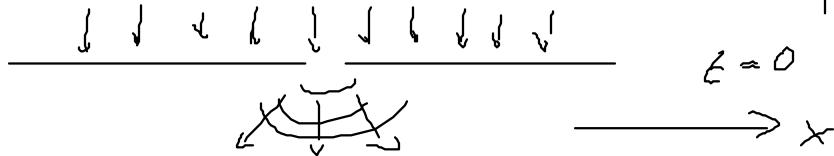
# Auflösungsvermögen

$$Z = 0$$

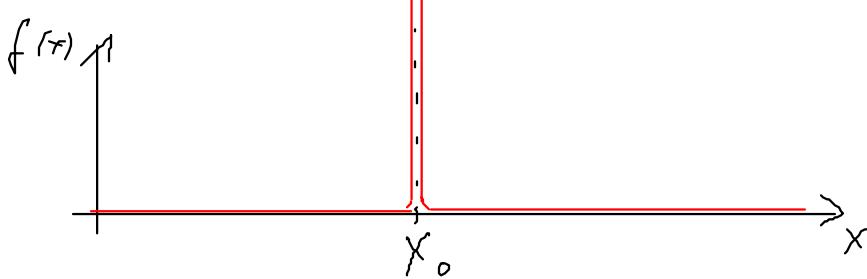
$$Z = Z_0$$

Beispiel:

- Metallstreifen mit Loch als Punktlichtquelle

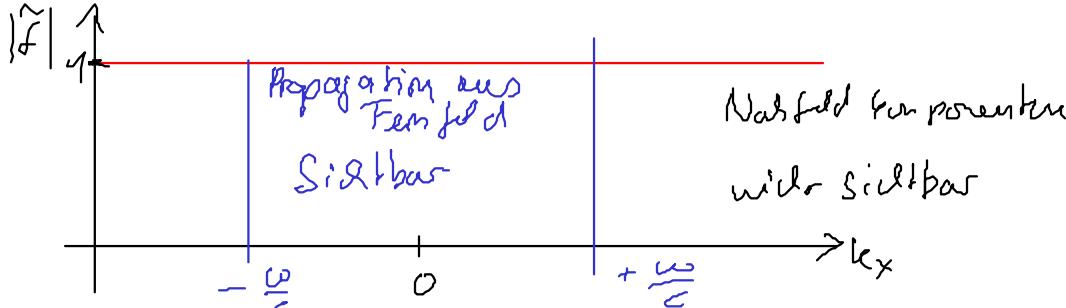


- Ortsraum



$$\text{Intensität: } f(x) = \delta(x - x_0)$$

$$\text{Fouriertransf.: } \tilde{f}(k_x) = \int_{-\infty}^{\infty} \delta(x - x_0) e^{ik_x x} dx = e^{ik_x x_0}$$



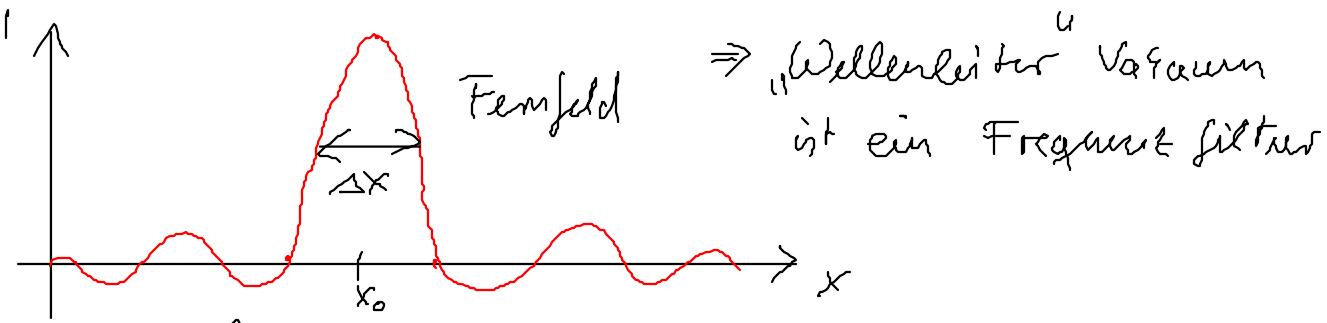
- maximale Auflösung beschränkt durch

$$\text{Dispersionsrelation des Lichtes: } |\tilde{u}| = \frac{\omega}{c}$$

Klassisches Mikroskop

$$\begin{aligned} f'(x) &= \int_{-\infty}^{\infty} e^{ik_x x_0} e^{-ik_x x} dx \quad (\text{Reichstrahlung}) \\ &= 2 \cdot \frac{\sin\left(\frac{\omega \sin\theta (x - x_0)}{c}\right)}{x - x_0} \end{aligned}$$

$$k_x = \frac{\omega}{c} \sin\theta$$



⇒ „Wellenleiter“ Vakuum  
ist ein Frequenzfilter

$$\Delta x = \frac{\lambda}{2 \sin \theta} \Rightarrow \text{maximale Auflösung (Rayleigh Limit)}$$

- je kleiner das Loch desto größer  $\Delta x$

## Detection quantenreicher Wellen

- $E_1(x, z=0) = E_0(x_0, z=0) \cdot C(x, -L, +L)$   
 $\hookrightarrow$  eingeschränkte Welle Rechteckfunktion

- Fourierzerlegung in ebene Wellen

$$\begin{aligned} \tilde{E}_1(k_x, z=0) &= \int_{-\infty}^{\infty} dx \ C(x, -L, +L) \cdot E_0(x_0, z=0) e^{ik_x x} \\ &= \int_{-L}^L dx \ E_0 e^{ik_x x} \sim E_0 \frac{\sin k_x L}{k_x L} \end{aligned}$$

- Rücktransformation

$$E_1(x, z=0) = \int_{-\infty}^{\infty} dk_x \ e^{-ik_x x} \tilde{E}_1(k_x, z=0)$$

Jur Abstand  $z=z_0$  ist dann

$$\begin{aligned} E_d(x, z=z_0) &= \int_{-\infty}^{\infty} dk_x \ e^{-ik_x x} \tilde{E}_1(k_x, z=0) e^{-ik_z z_0} \\ \text{mit } |k|^2 &= k_x^2 + k_z^2 \quad k_z = \sqrt{k^2 - k_x^2} \quad k = \frac{\omega}{c} \end{aligned}$$

aber propagierende Wellen

- im Fernfeld

$$E_d(x, z=z_0) = \int_{-\frac{\omega}{c}}^{\frac{\omega}{c}} dk_x \ e^{-ik_x x} e^{-i\sqrt{k^2 - k_x^2} z_0} \frac{\sin(k_x L)}{k_x L}$$

Annahme: bei  $z=\xi$  ist Apertur gegeben durch  $C(x, -l, +l)$

$$E_2(x, z=\xi) = \int_{-\infty}^{\infty} dk_x \ e^{-ik_x x} \tilde{E}_1(k_x, z=0) e^{-i\sqrt{k^2 - k_x^2} \xi}$$

- Direkt hinter der Apertur ist

$$E_3(x, z=\xi) = E_2(x, z=\xi) \cdot C(x, -l, +l)$$

• Das Fernfeld bei  $z = z_0$  hinter der 2. Aperatur wird daher

$$E_{el}(x, z=z_0) = \int_{-\frac{\omega}{c}}^{\omega} dk_x e^{-ik_x x} e^{-i\sqrt{k_x^2 - k_x'^2}(z_0 - \varepsilon)} \cdot \int_{-\infty}^{\infty} dk'_x \tilde{E}_n(k'_x, z=0) e^{i\sqrt{k_x^2 - k_x'^2}\varepsilon}$$

$$\cdot 2 \frac{\sin((k_x - k'_x)\ell)}{(k_x - k'_x)\ell}$$